

## ЛЕКЦИЯ 12

### Проблемы работы со знаниями и проблема предсказания

Проблемы работы со знаниями:

1. Индуктивно выводимые знания противоречивы;
2. Проблема статистической двусмысленности;
3. Проблема вывода знаний, оценки высказываний резко падают в процессе вывода;
4. Проблема синтеза логики и вероятности;
5. Проблема синтеза логики, вероятности и обучения;
6. Проблема определения предсказания для индуктивных знаний;
7. Проблема формализации когнитивных процессов.

#### §1. Проблема статистической двусмысленности.

В индуктивном выводе мы можем получить утверждения из которых выводятся противоречивые утверждения. Приведем классический пример. Предположим, что в теории Т есть следующие высказывания:

- (Л1) - 'Почти все случаи заболевания стрептококком быстро вылекиваются инъекцией пенициллина';  
(Л2) - 'Почти всегда устойчивая к пенициллину стрептококковая инфекция не вылекивается после инъекции пенициллина';  
(С1) - 'Джейн Джонс заболел стрептококковой инфекцией';  
(С2) - 'Джейн Джонс получил инъекцию пенициллина';  
(С3) - 'Джейн Джонс имеет устойчивую к пенициллину стрептококковую инфекцию'.

Из этой теории можно вывести два противоречивых утверждения: одно, объясняющее почему Джейн Джонс выздоравливает быстро ( $E$ ), и другое, объясняющее отрицание первого – почему Джейн Джонс не выздоравливает быстро ( $\neg E$ ).

| Объяснение 1 |     | Объяснение 2 |     |
|--------------|-----|--------------|-----|
| Л1           |     | Л2           |     |
| С1, С2       | [r] | С2, С3       |     |
| E            |     | $\neg E$     | [r] |

Условия обоих объяснений не противоречат друг другу, оба они могут быть истинны. Тем не менее, их выводы противоречат друг другу. Поэтому набор правил Т приводит к противоречивым выводам.

Гемпель надеялся решить эту проблему, требуя что бы статистические законы удовлетворяли требованию максимальной специфичности (они должны содержать всю относящуюся к рассматриваемому вопросу информацию). В нашем примере условие С3 второго объяснения опровергает условие первого объяснения в силу того, что закон L1 не максимально специфичен по отношению ко всей информации относительно Джонса в теории Т. Потому теория Т может объяснить только утверждение  $\neg E$ , но не  $E$ .

#### §2. Модели предсказания.

Вывод предсказания обычно описывается покрывающими моделями (Covering Law Models) состоящими в том, чтобы вывести факт как частный случай закона. Выделяют две модели предсказания:

1. Дедуктивно-номологическую модель (Deductive-Nomological (D-N)), основанную на фактах и дедуктивных законах;

2. Индуктивно-статистическую модель (Inductive-Statistical (I-S)), основанную на фактах и вероятностных законах.

**Дедуктивно-номологическая модель** может быть представлена следующей схемой.

|                   |  |
|-------------------|--|
| $L_1, \dots, L_m$ |  |
| $C_1, \dots, C_n$ |  |
| $G$               |  |

- i)  $L_1, \dots, L_m$  - множество законов;
- ii)  $C_1, \dots, C_n$  - множество фактов;
- iii)  $G$  – предсказываемое высказывание;
- iv)  $L_1, \dots, L_m, C_1, \dots, C_n \vdash G$ ;
- v) множество  $L_1, \dots, L_m, C_1, \dots, C_n$  непротиворечиво;
- vi)  $L_1, \dots, L_m \not\vdash G, C_1, \dots, C_n \not\vdash G$ ;
- vii) Законы  $L_1, \dots, L_m$  содержат только кванторы всеобщности. Множество фактов  $C_1, \dots, C_n$  – бескванторные формулы;

**Индуктивно-статистическая модель** аналогична предыдущей с тем отличием, что иначе формулируется свойство vii и добавляется свойство RMS:

|                   |       |
|-------------------|-------|
| $L_1, \dots, L_m$ |       |
| $C_1, \dots, C_n$ | $[r]$ |
| $G$               |       |

Удовлетворяет условиям i-vi дедуктивно-номологической модели.

- vii) множество  $L_1, \dots, L_m$  содержит статистические законы. Множество фактов  $C_1, \dots, C_n$  – бескванторные формулы;
- viii) RMS: Все законы  $L_1, \dots, L_m$  максимально специфичны.

По Гемпелю [Hempel,C.G.,1968] *требование максимальной специфичности RMS определяется следующим образом: I-S вывод вида*

|              |       |
|--------------|-------|
| $p(G;F) = r$ |       |
| $F(a)$       | $[r]$ |
| $G(a)$       |       |

является приемлемым при состоянии знания  $K$ , если для каждого класса  $H$ , для которого оба нижеследующих высказывания принадлежат  $K$

$$\begin{aligned} \forall x(H(x) \Rightarrow F(x)), \\ H(a), \end{aligned}$$

существует статистический закон  $p(G;H) = r'$  в  $K$  такой, что  $r = r'$ .

Идея требования RMS состоит в том, что если  $F$  и  $H$  оба содержат объект  $a$ , и  $H$  является подмножеством  $F$ , то  $H$  обладает более специфической информацией об объекте  $a$ , чем  $F$  и следовательно закон  $p(G;H)$  должен предпочтаться закону  $p(G;F)$ . Тем не менее закон  $p(G;H)$  имеет ту же вероятность, что и закон  $p(G;F)$